

מדינת ישראל

משרד החינוך התרבות והספורט

- סוג הבחינה: א. בגרות לבתי"ס על-יסודיים
ב. בגרות לנבחנים אקסטרניים
מועד הבחינה: קיץ תשס"ו, 2006
מספר השאלון: 305, 035005
נספח: דפי נוסחאות ל-4 ול-5 יח"ל

מתמטיקה

שאלון ה'

הוראות לנבחן

- א. משך הבחינה: שעותיים.
ב. מבנה השאלון ומפתח ההערכה:
בשאלון זה שני פרקים.
פרק ראשון: אלגברה
 $(1 \times 33\frac{1}{3}) - 33\frac{1}{3}$ נק'
פרק שני: הנדסת המישור
והסתברות $(2 \times 33\frac{1}{3}) - 66\frac{2}{3}$ נק'
סה"כ - 100 נק'
ג. חומר עזר מותר בשימוש:

1. מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון הניתן לתכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
2. דפי נוסחאות (מצורפים).
ד. הוראות מיוחדות:

1. אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.
2. התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון. הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.
3. לטיוטה יש להשתמש במחברת הבחינה או בדפים שקיבלת מהמשגיחים. שימוש בטיוטה אחרת עלול לגרום לפסילת הבחינה.

דولة إسرائيل

وزارة المعارف والثقافة والرياضة

- نوع الامتحان: أ. بجروت للمدارس الثانوية
ب. بجروت للممتحنين الخارجيين
موعد الامتحان: صيف 2006
رقم النموذج: 305, 035005
ملحق: لوائح قوانين ل-4 و-5 وحدات تعليمية

الرياضيات

النموذج "ه"

تعليمات للممتحن

- أ. مدّة الامتحان: ساعتان.
ب. مبنى النموذج وتوزيع الدرجات:
في هذا النموذج فصلان.
الفصل الأول: الجبر
 $(1 \times 33\frac{1}{3}) - 33\frac{1}{3}$ درجة
الفصل الثاني: الهندسة المستوية
والاحتمال $(2 \times 33\frac{1}{3}) - 66\frac{2}{3}$ درجة
المجموع - 100 درجة

ج. موادّ مساعدة يُسمح استعمالها:

1. حاسبة غير بيانية. لا يُسمح استعمال إمكانات البرمجة في الحاسبة التي يمكن برمجتها. استعمال الحاسبة البيانية أو إمكانات البرمجة في الحاسبة قد يؤدي إلى إلغاء الامتحان.
2. لوائح قوانين (مرفقة).
د. تعليمات خاصّة:

1. لا تنسخ السؤال؛ اكتب رقمه فقط.
2. ابدأ كلّ سؤال في صفحة جديدة. اكتب في الدفتر مراحل الحلّ، حتّى إذا أُجريت حساباتك بواسطة حاسبة. فسّر كلّ عملياتك، بما في ذلك العمليات الحسابية، بالتفصيل وبوضوح وبترتيب. عدم التفصيل قد يؤدي إلى خصم درجات أو إلى إلغاء الامتحان.
3. لكتابة مسوّدة يجب استعمال دفتر الامتحان أو الأوراق التي حصلت عليها من المراقبين. استعمال مسوّدة أخرى قد يؤدي إلى إلغاء الامتحان.

التعليمات في هذا النموذج مكتوبة بصيغة المذكر وموجهة للممتحنات وللممتحنين على حدّ سواء.
ب ه ل ح ه !
نتمنى لك النجاح !

الأسئلة

الفصل الأول: الجبر (٣٣ 1/٣ درجة)

أجب عن أحد السؤالين ١-٢.

انتبه: إذا أجبت عن أكثر من سؤال واحد، تُفحص فقط الإجابة الأولى التي في دفترك.

الجبر

$$\begin{cases} 2x - y = 1 & \text{معطاة هيئة المعادلات} \\ (m^2 + 1)x + my = 1 \end{cases}$$

m هو بارامتر.

أ. لأيّة قيم m يوجد لهيئة المعادلات حلّ وحيد؟

ب. لأيّة قيم m يحقق الحلّ الوحيد لهيئة المعادلات المتباينة $y > -6x + 3$ ؟

٢. معطى أنّ مجموع 30 الحدود الأولى في متوالية حسابية يساوي مجموع 20 حدودها الأولى.

أ. بين أنّ مجموع 50 الحدود الأولى في المتوالية المعطاة يساوي صفراً.

ب. المتوالية المعطاة هي متوالية حسابية تصاعدية.

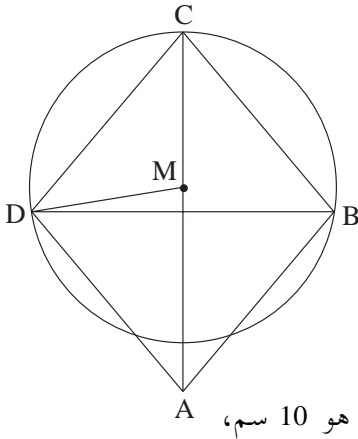
جد في أيّ مكان في المتوالية يقع الحدّ الموجب الأوّل.

الفصل الثاني: الهندسة المستوية والاحتمال ($\frac{2}{3}$ درجة)

أجب عن اثنين من الأسئلة ٣-٦، يُسمح لك الإجابة منها على الأكثر عن أحد السؤالين ٥-٦ (لكل سؤال - $\frac{1}{3}$ درجة).

انتبه: إذا أجبت عن أكثر من سؤالين، تُفحص فقط الإجابتان الأوليان اللتان في دفترك.

الهندسة المستوية



٣. معطى المعين ABCD .

النقطة M تقع على القطر AC ،

بحيث $MD = MC$ (انظر الرسم).

أ. برهن أن النقطة M هي مركز الدائرة

التي تحصر المثلث DBC .

ب. برهن أن $\angle MDC + \angle DBC = 90^\circ$.

ج. معطى أن: نصف قطر الدائرة التي تحصر المثلث DBC هو 10 سم، A

وَبعد المركز M عن القطر DB هو 1.5 سم.

احسب مساحة المعين ABCD . (في إجابتك دقق حتى رقمين بعد الفاصلة العشرية.)

٤. شبه المنحرف ABCD ($AB \parallel DC$) محصور داخل دائرة.

النقطة E تقع على امتداد القاعدة DC ،

بحيث يمسّ BE الدائرة.

القطر DB ينصف الزاوية ADC

(انظر الرسم).

أ. برهن أن $\triangle ABD \cong \triangle CBE$.

ب. معطى أيضاً أن: $AB = 10$ سم ، $DC = 15$ سم .

احسب طول المماس BE . (في إجابتك دقق حتى رقمين بعد الفاصلة العشرية.)

انتبه: يُسمح لك الإجابة على الأكثر عن أحد السؤالين ٥-٦.

القوانين في الاحتمال المشروط موجودة في صفحة 6.

الاحتمال

٥. توجد في دكان للحلوى أكياس ملبّس تسمى "ليموتوت". في كل كيس توجد 6 حبّات ملبّس

بطعم التوت و 4 حبّات ملبّس بطعم الليمون.

أ. اشترى رامي كيس "ليموتوت" واحداً. يُخرج رامي بشكل عشوائي من الكيس 4 حبّات

ملبّس، الواحدة تلو الأخرى (بدون إرجاع).

ما هو الاحتمال بأن تكون جميع حبّات الملبّس بطعم الليمون؟

ب. اشترى يوسف 4 أكياس "ليموتوت". يُخرج يوسف بشكل عشوائي حبة ملبّس واحدة

من كل كيس.

هل الاحتمال بأن يُخرج 4 حبّات ملبّس بطعم الليمون أكبر أم أصغر من الاحتمال الذي

حسبته في البند "أ"؟ علّل.

ج. أخرج يوسف بشكل عشوائي حبة ملبّس واحدة من كل واحد من الأكياس التي اشتراها.

(في كل كيس 6 حبّات ملبّس بطعم التوت و 4 حبّات ملبّس بطعم الليمون.)

معلوم أنّه بين حبّات الملبّس الـ 4 التي أخرجها يوسف، يوجد أكثر حبّات ملبّس بطعم

الليمون.

ما هو الاحتمال بأن تكون جميع حبّات الملبّس الـ 4 التي أخرجها يوسف بطعم الليمون؟

التفكير الاحتمالي في الحياة اليومية

٦. في استطلاع للرأي فَحَصَ نَجَاعَةُ أَقْرَاصِ تَنْحِيفِ تُنْتِجِهَا شَرِكَتَانِ، اخْتَبِرَ تَأْثِيرَ الْأَقْرَاصِ عَلَى 1200 شَخْصٍ فِي سَنِّ الْخَمْسِينَ. تَنَاوَلَ نِصْفَ الْأَشْخَاصِ أَقْرَاصًا مِنْ الشَّرِكَةِ "أ"، وَالنِّصْفَ الْآخَرَ أَقْرَاصًا مِنْ الشَّرِكَةِ "ب".
- (حَدَّدَ مَجْرُو الْأَسْطِلَاعِ أَنَّ التَّنْحِيفَ يَعْنِي انْخِفَاضَ الْوِزْنِ بِـ 10 كِغَمٍ عَلَى الْأَقْلَى خِلَالَ نِصْفِ سَنَةٍ.)
- بَعْدَ مَرُورِ نِصْفِ سَنَةٍ نُشِرَتْ نَتَائِجُ الْأَسْطِلَاعِ الْمَلْحُصَةِ فِي الْمَجْدُولِ الَّذِي أَمَامَكَ :

نحفوا	الأشخاص الذين تناولوا أقراص الشركة "أ"		الأشخاص الذين تناولوا أقراص الشركة "ب"	
	عدد النساء	عدد الرجال	عدد النساء	عدد الرجال
نحفوا	170	150	20	360
لم ينحفوا	230	50	40	180

- أدعت كل واحدة من الشركتين أن أقراصها أنجع، وذلك حسب نتائج الاستطلاع.
- أدعت الشركة "أ" أنه من بين النساء اللواتي تناولن أقراصها كانت النسبة المئوية للواتي نحفن أعلى من تلك التي بين النساء اللواتي تناولن أقراص الشركة "ب"، وكذلك من بين الرجال الذين تناولوا أقراصها كانت النسبة المئوية للذين نحفوا أعلى من تلك التي بين الرجال الذين تناولوا أقراص الشركة "ب".
- أدعت الشركة "ب" أنه من بين مجمل الذين تناولوا أقراصها كانت النسبة المئوية لجميع الذين نحفوا أعلى من تلك التي بين الذين تناولوا أقراص الشركة "أ".
- أ. اشرح بواسطة حسابات ملائمة، اعتماداً على ماذا حددت كل واحدة من الشركتين ادعاءها.
- ب. (١) حدّد حسب معطيات الاستطلاع، لأيّ من الفئتين، الرجال أم النساء، يوجد ميل أكبر للنحافة بواسطة الأقراص. علّل.
- (٢) حسب ادعاء الشركة "أ"، كان من الممكن الاعتقاد بأنه من بين مجمل الذين تناولوا أقراصها النسبة المئوية لجميع الذين نحفوا ستكون أعلى من تلك التي بين مجمل الذين تناولوا أقراص الشركة "ب". كيف يمكن تفسير أن العكس هو الصحيح؟
- / يتبع في صفحة 6 /

قوانين في الاحتمال

نسبة (פרופורציה) مشروطة واحتمال مشروط: $P(A/B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$

قانون بייس: $P(A/B) = \frac{P(B/A) \cdot P(A)}{P(B)}$

وجود علاقة إحصائية: $P(A/B) \neq P(A/\bar{B})$

$P(A/B) \neq P(A)$

**בהצלחה!
נتمنى لك النجاح!**

זכות היוצרים שמורה למדינת ישראל.

אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך התרבות והספורט.
حقوق الطبع محفوظة لدولة إسرائيل.
النسخ أو النشر ممنوعان إلا بإذن من وزارة المعارف والثقافة والرياضة.

נוסחאון מתמטיקה

5-4 יחידות לימוד (החל מקיץ תש"ן)

لائحة قوانين في الرياضيات

4-5 وحدات تعليمية (ابتداءً من صيف 90)

الجبر

$$a^n - b^n = (a-b)(a^{n-1} + a^{n-2}b + \dots + a^{n-3}b^2 + \dots + b^{n-1})$$

التحليل إلى عوامل

$$(a+b)^n = a^n + \binom{n}{1} a^{n-1} \cdot b + \dots + \binom{n}{k} a^{n-k} \cdot b^k + \dots + b^n$$

القانون ذو الحدين لنيوتن

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

$$x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}$$

$$x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a}$$

قوانين فيبتي

$$(x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \text{ جذرا معادلة تربيعية. } x_1, x_2)$$

المتواليات

متوالية هندسية	متوالية حسابية	
$a_n = a_1 q^{n-1}$	$a_n = a_1 + (n-1)d$	الحد ال-n-ي:
$S_n = \frac{a_1(q^n - 1)}{q - 1}$	$S_n = \frac{n}{2} [2a_1 + (n-1)d]$	المجموع:

$$z = a + bi = r(\cos\theta + i \sin\theta)$$

الأعداد المركبة

$$z_1 z_2 = r_1 r_2 [\cos(\theta_1 + \theta_2) + i \sin(\theta_1 + \theta_2)]$$

حاصل ضرب بتمثيل قطبي:

$$(\cos\theta + i \sin\theta)^n = \cos n\theta + i \sin n\theta$$

قانون دي موابر:

$$z_k = \sqrt[n]{r} \left[\cos\left(\frac{\alpha}{n} + \frac{2\pi k}{n}\right) + i \sin\left(\frac{\alpha}{n} + \frac{2\pi k}{n}\right) \right] \quad \text{جذور المعادلة } z^n = r(\cos\alpha + i \sin\alpha) \text{ هي:}$$

$$k = 0, 1, \dots, n-1$$

التوافيق والتباديل

$$p_n = n!$$

عدد التباديل لـ n عناصر (بدون إعادات):

عدد التباديل لـ n عناصر والتي تضم n_1, n_2, \dots, n_k عناصر متساوية بينها:

$$P_n = \frac{n!}{n_1! \cdot n_2! \cdot \dots \cdot n_k!}$$

$$A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$$

عدد التباديل لـ k من بين n عناصر (بدون إعادات):

$$\binom{n}{k} = C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

عدد التوافيق لـ k من بين n عناصر (بدون إعادات):

لائحة قوانين في الرياضيات ، ٤-٥ وحدات تعليمية

المتجهات

مستوى عبر أطراف المتجهات $\vec{a} = \vec{OA}$, $\vec{b} = \vec{OB}$, $\vec{c} = \vec{OC}$: $\vec{x} = \vec{a} + t(\vec{b} - \vec{a}) + s(\vec{c} - \vec{a})$

حاصل ضرب عددي: $(\vec{x}, \vec{y}) = \vec{x} \cdot \vec{y} = x_1y_1 + x_2y_2 + x_3y_3 = |\vec{x}| \cdot |\vec{y}| \cdot \cos\alpha$

التعامد: $\vec{x} \cdot \vec{y} = 0$

طول المتجه: $|\vec{x}| = \sqrt{\vec{x} \cdot \vec{x}} = \sqrt{x_1^2 + x_2^2 + x_3^2}$

البعد بين $z = (z_1, z_2, z_3)$ والمستوى $\vec{a} \cdot \vec{x} + c = 0$: $\frac{|\vec{a} \cdot \vec{z} + c|}{|\vec{a}|}$

الزاوية بين المستقيم $t\vec{b} + d$ والمستوى $\vec{a} \cdot \vec{x} + c = 0$: $\sin\beta = \frac{|\vec{a} \cdot \vec{b}|}{|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|}$

الزاوية بين المستويين $\vec{a} \cdot \vec{x} + c = 0$, $\vec{b} \cdot \vec{x} + d = 0$: $\cos\alpha = \frac{|\vec{a} \cdot \vec{b}|}{|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|}$

القوى واللوغريثمات : $\log_a x = \frac{\log_b x}{\log_b a}$, $a^{\log_a x} = \log_a(a^x) = x$

حساب المثلثات

المتطابقات

$$\sin(\alpha \pm \beta) = \sin\alpha \cos\beta \pm \cos\alpha \sin\beta$$

$$\cos(\alpha \pm \beta) = \cos\alpha \cos\beta \mp \sin\alpha \sin\beta$$

$$\operatorname{tg}(\alpha \pm \beta) = \frac{\operatorname{tg}\alpha \pm \operatorname{tg}\beta}{1 \mp \operatorname{tg}\alpha \operatorname{tg}\beta}$$

$$\operatorname{tg} \frac{\alpha}{2} = \frac{\sin\alpha}{1 + \cos\alpha}$$

$$\sin \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos\alpha}{2}}$$

$$\cos \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \cos\alpha}{2}}$$

$$\sin\alpha + \sin\beta = 2\sin \frac{\alpha + \beta}{2} \cos \frac{\alpha - \beta}{2}$$

$$\cos\alpha + \cos\beta = 2\cos \frac{\alpha + \beta}{2} \cos \frac{\alpha - \beta}{2}$$

$$\sin\alpha - \sin\beta = 2\sin \frac{\alpha - \beta}{2} \cos \frac{\alpha + \beta}{2}$$

$$\cos\alpha - \cos\beta = -2\sin \frac{\alpha + \beta}{2} \sin \frac{\alpha - \beta}{2}$$

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab\cos\gamma \quad \text{قانون جيب التمام:}$$

$$\frac{a}{\sin\alpha} = 2R \quad \text{قانون الجيب:}$$

$$\frac{1}{2}r^2 \alpha \quad \text{مساحة قطاع:}$$

$$r\alpha \quad \text{طول قوس ذي } \alpha \text{ راديانات:}$$

الهندسة الفراغية

$$V = \frac{4}{3}\pi R^3 \quad \text{حجم الكرة:} \quad V = \frac{B \cdot h}{3} \quad \text{حجم المخروط والهرم (B - مساحة القاعدة):}$$

$$P = 4\pi R^2 \quad \text{مساحة السطح الخارجي للكرة:} \quad M = \pi R \ell \quad \text{مساحة غلاف المخروط:}$$

التحليل (حساب التفاضل والتكامل)

المشتقات

$$(uv)' = u'v + uv'$$

$$(x^n)' = nx^{n-1}$$

$$\sin'x = \cos x$$

$$\operatorname{arc} \sin'x = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$$

$$\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{vu' - v'u}{v^2}$$

$$(a^x)' = a^x \ln a$$

$$\cos'x = -\sin x$$

$$\operatorname{arc} \cos'x = \frac{-1}{\sqrt{1-x^2}}$$

$$\log_a'x = \frac{1}{x \ln a}$$

$$\operatorname{tg}'x = \frac{1}{\cos^2x}$$

$$\operatorname{arc} \operatorname{tg}'x = \frac{1}{1+x^2}$$

$$f'(x) = v'(u) \cdot u'(x) \quad \text{قانون السلسلة:}$$


נסחאון מתמטיקה, 5-4 יחידות לימוד
 לאיטה قوانین في الرياضيات ، ٤-٥ وحدات تعليمية

$\int f(ax+b) dx = \frac{1}{a} F(ax+b) + C$ التكامل

$\int_a^b f(x) dx = \frac{h}{2} [f(a) + 2f(x_1) + \dots + 2f(x_{n-1}) + f(b)]$ قانون شبه المنحرف:

دیوال

دالة زوجية: $f(x) = f(-x)$ دالة فردية: $f(-x) = -f(x)$

نقطة الانعطاف: نقطة التحول من التحدب إلى التقعر  دالة مقعرة:

الاحصاء والاحتمال

$S = \sqrt{\frac{(x_1 - \bar{x})^2 f_1 + (x_2 - \bar{x})^2 f_2 + \dots + (x_n - \bar{x})^2 f_n}{N}}$ الانحراف المعياري:

x_1, x_2, \dots, x_n التكرارات لـ f_1, f_2, \dots, f_n

$f_1 + f_2 + \dots + f_n = N$: معدل المعطيات \bar{x}

قانون برنولي: الاحتمال لـ k نجاحات في n محاولات في توزيع ذي حدين مع احتمال p :

$P_n(k) = \binom{n}{k} p^k (1-p)^{n-k}$

جدول التوزيع الطبيعي (0,1) المتراكم

U	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0.0	0.500	504	508	512	516	520	524	528	532	536
0.1	0.540	544	548	552	556	560	564	568	571	575
0.2	0.579	583	587	591	595	599	603	606	610	614
0.3	0.618	622	625	629	633	637	641	644	648	652
0.4	0.655	659	663	666	670	674	677	681	684	688
0.5	0.692	695	699	702	705	709	712	716	719	722
0.6	0.726	729	732	736	739	742	745	749	752	755
0.7	0.758	761	764	767	770	773	776	779	782	787
0.8	0.788	791	794	797	800	802	805	809	811	813
0.9	0.816	819	821	824	826	829	832	834	837	839
1.0	0.841	844	846	848	851	853	855	858	860	862
1.1	0.864	866	869	871	873	875	877	879	881	883
1.2	0.885	887	889	891	893	894	896	898	900	902
1.3	0.903	905	907	908	910	911	913	915	916	918
1.4	0.919	921	922	924	925	926	928	929	931	932
1.5	0.933	935	936	937	938	939	941	942	943	944
1.6	0.945	946	947	948	9495	9505	9515	9525	9535	9545
1.7	0.9554	9564	9573	9582	9591	9599	9608	9616	9625	9633
1.8	0.9641	9650	9656	9664	9671	9678	9686	9693	9699	9706
1.9	0.9713	9719	9726	9732	9738	9744	9750	9756	9762	9767
2.0	0.9773	9778	9783	9788	9793	9798	9803	9808	9812	9817
2.1	0.9821	9826	9830	9834	9838	9842	9846	9850	9854	9857
2.2	0.9861	9865	9868	9871	9875	9878	9881	9884	9887	9890
2.3	0.9893	9896	9898	9901	9904	9906	9909	9911	9913	9916
2.4	0.9918	9920	9922	9925	9927	9929	9931	9932	9934	9936
2.5	0.9938	9940	9941	9943	9945	9946	9948	9949	9951	9952
2.6	0.9954	9955	9956	9957	9959	9960	9961	9962	9963	9964
2.7	0.9965	9966	9967	9968	9969	9970	9971	9972	9973	9974
2.8	0.9974	9975	9976	9977	9977	9978	9979	9979	9980	9981
2.9	0.9981	9982	9983	9983	9984	9984	9985	9985	9986	9986
3.0	0.9987	9987	9987	9988	9988	9989	9989	9989	9990	9990

الهندسة التحليلية

الخط المستقيم

معادلة مستقيم يمرّ عبر النقطة (x_1, y_1) وميله m : $y - y_1 = m(x - x_1)$

قانون للزاوية α التي بين المستقيمين $y = m_2x + n_2$, $y = m_1x + n_1$: $\text{tg}\alpha = \left[\frac{m_1 - m_2}{1 + m_1 m_2} \right]$

تعامد المستقيمين $y = m_2x + n_2$, $y = m_1x + n_1$: $m_1 \cdot m_2 = -1$

بُعد النقطة $(x_0; y_0)$ عن المستقيم $Ax + By + C = 0$: $d = \pm \frac{Ax_0 + By_0 + C}{\sqrt{A^2 + B^2}}$

النقطة التي تقسم القطعة AB بنسبة $k : \ell$: $\left(\frac{\ell x_1 + kx_2}{k + \ell}, \frac{\ell y_1 + ky_2}{k + \ell} \right)$: $(A(x_1, y_1); B(x_2, y_2))$

الدائرة

معادلة مماس الدائرة $(x - a)^2 + (y - b)^2 = R^2$ في النقطة $(x_0; y_0)$:

$$(x_0 - a) \cdot (x - a) + (y_0 - b) \cdot (y - b) = R^2$$

القطع الزائد : $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$

$$y = \pm \frac{b}{a}x$$

خطوط التقارب:

$$c = \sqrt{a^2 + b^2}$$

بُعد البؤرة عن نقطة الأصل:

$$\frac{xx_0}{a^2} - \frac{yy_0}{b^2} = 1$$

المماس للقطع الزائد في النقطة $(x_0; y_0)$:

$$n^2 = m^2 a^2 - b^2$$

الشرط بأن يمسّ المستقيم $y = mx + n$ القطع الزائد:

القطع المكافئ : $y^2 = 2px$

$$yy_0 = p(x + x_0)$$

مماس القطع المكافئ في النقطة $(x_0; y_0)$:

$$n = \frac{p}{2m}$$

الشرط بأن يمسّ المستقيم $y = mx + n$ القطع المكافئ: