

## פתרון מבחן מס' 16 (ספר לימוד – שאלון 035804)

09-05-2017

(1) (א) לפי התכנון, כל תלמיד היה צריך לשלם  $\frac{1,600}{m}$  ש"ח.

נסמן ב-  $x$  את מספר התלמידים שלא יכלו להשתתף בטיול, ואז  $(m - x)$  יסמן את מספר התלמידים שהשתתפו בטיול, ו-  $\frac{1,600}{m-x}$  ש"ח יסמן את התשלום של כל תלמיד שיצא לטיול.

לפי הנתון בשאלה נקבל את המשוואה:

$$\frac{1,600}{m-x} - \frac{1,600}{m} = 20 \quad / \cdot m(m-x)$$

$$1,600m - 1,600(m-x) = 20m(m-x) \quad / : 20$$

$$80m - 80(m-x) = m(m-x)$$

$$80m - 80m + 80x = m^2 - mx$$

$$mx + 80x = m^2 \Rightarrow x(m+80) = m^2 \Rightarrow x = \frac{m^2}{m+80}$$

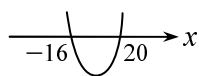
(ב) נתון כי  $x \leq 4$ .

כמו-כן ברור ש-  $x > 0$  ו-  $x$  הוא מספר שלם.

$$\frac{m^2}{m+80} \leq 4 \Rightarrow m^2 \leq 4m + 320 \quad (m+80 > 0 \text{ כי})$$

$$m^2 - 4m - 320 \leq 0 \Rightarrow m_{1,2} = \frac{4 \pm \sqrt{4^2 - 4 \cdot (-320)}}{2} = \frac{4 \pm 36}{2}$$

כלומר:  $m_1 = 20$ ,  $m_2 = -16$ , ואז:



$$\begin{cases} -16 \leq m \leq 20 \\ m > 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 0 < m \leq 20 \\ m \text{ מספר שלם} \end{cases}$$

$$\frac{1,600}{m} = 80 \Rightarrow m = 20 \quad (ג)$$

$$x = \frac{20^2}{20+80} = \frac{400}{100} = 4$$

כלומר 4 תלמידים לא יצאו לטיול.

(2) (א) שיעורי מרכז המעגל  $O_1$  (ו-  $O_2$ ) : (3,5) .

מעגל  $O_1$  עובר דרך מרכז מעגל  $O_3$  : (6,9) , ולכן רדיוס המעגל  $O_1$  הוא המרחק בין הנקודות (3,5) ו- (6,9) , כלומר :

$$R^2 = (6-3)^2 + (9-5)^2 = 9 + 16 = 25$$

$$(x-3)^2 + (y-5)^2 = 25 \quad : \text{לכן משוואת מעגל } O_1 :$$

(ב) נמצא את שיעורי הנקודות המשותפות למעגלים  $O_2$  ו-  $O_3$  :

$$\begin{cases} (x-3)^2 + (y-5)^2 = 9 \\ (x-6)^2 + (y-9)^2 = 64 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x^2 - 6x + 9 + y^2 - 10y + 25 = 9 \\ x^2 - 12x + 36 + y^2 - 18y + 81 = 64 \end{cases}$$

$$6x + 8y = 28 \Rightarrow y = \frac{14-3x}{4}$$

$$(x-3)^2 + \left(\frac{14-3x}{4} - 5\right)^2 = 9$$

$$x^2 - 6x + 9 + \frac{196 - 84x + 9x^2}{16} - 2 \cdot \frac{14-3x}{4} \cdot 5 + 25 = 9 \quad / \cdot 16$$

$$16x^2 - 96x + 144 + 196 - 84x + 9x^2 - 40(14-3x) + 400 = 144$$

$$25x^2 - 60x + 36 = 0 \Rightarrow x_{1,2} = \frac{60 \pm \sqrt{60^2 - 4 \cdot 25 \cdot 36}}{50} = \frac{60}{50} = 1.2$$

$$x = 1.2 \Rightarrow y = \frac{14-3 \cdot 1.2}{4} = 2.6$$

לשני המעגלים יש נקודת משותפת אחת, לכן הם משיקים זה לזה,

ונקודת ההשקה היא  $A(1.2, 2.6)$  .

(ג) שיפוע קטע המרכזים  $O_2O_3$  :  $M_{O_2O_3} = \frac{9-5}{6-3} = \frac{4}{3}$

המשיק מאונך לקטע המרכזים ולכן שיפועו  $-\frac{3}{4}$  ,

כי מכפלת שיפועי ישרים מאונכים שווה ל-1 .

$$y - 2.6 = -0.75(x - 1.2) \Rightarrow y = -0.75x + 3.5 : \text{משוואת המשיק}$$

המשך בעמוד הבא <<<

$$\begin{cases} (x-3)^2 + (y-5)^2 = 25 \\ y = -0.75x + 3.5 \end{cases} \quad (\text{ד})$$

$$x^2 - 6x + 9 + (-0.75x + 3.5 - 5)^2 = 25$$

$$x^2 - 6x + 9 + 0.5625x^2 + 2.25x + 2.25 = 25$$

$$1.5625x^2 - 3.75x - 13.75 = 0 \quad / \cdot 16$$

$$25x^2 - 60x - 220 = 0 \quad / :5 \Rightarrow 5x^2 - 12x - 44 = 0$$

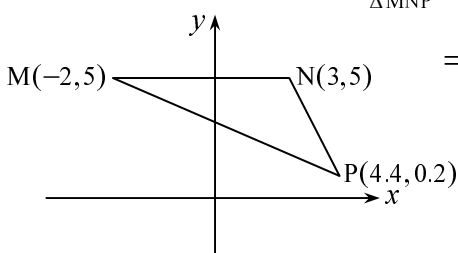
$$x_{1,2} = \frac{12 \pm 32}{10} \Rightarrow x_1 = 4.4, x_2 = -2$$

$$x_1 = 4.4 \Rightarrow y = -0.75 \cdot 4.4 + 3.5 = 0.2 \Rightarrow (4.4, 0.2)$$

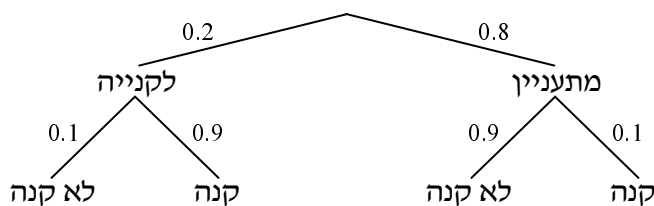
$$x_2 = -2 \Rightarrow y = -0.75 \cdot (-2) + 3.5 = 5 \Rightarrow (-2, 5)$$

$$S_{\Delta MNP} = \frac{MN \cdot h_{MN}}{2} = \frac{(3+2)(5-0.2)}{2} = \quad (\text{ה})$$

$$= \frac{5 \cdot 4.8}{2} = 12 \text{ יחידות שטח}$$



(3) נבנה עץ הסתברויות לפי הנתונים.



$$P(\text{קנה}) = P(\text{לקנייה}) \cdot P(\text{קנה} / \text{לקנייה}) + P(\text{מתעניין}) \cdot P(\text{קנה} / \text{מתעניין}) = \quad (\text{א})$$

$$= 0.2 \cdot 0.9 + 0.8 \cdot 0.1 = 0.26$$

$$P(\text{קנה} / \text{לקנייה}) = \frac{P(\text{קנה} \cap \text{לקנייה})}{P(\text{קנה})} = \frac{0.2 \cdot 0.9}{0.26} = \frac{18}{26} = \frac{9}{13} \quad (\text{ב})$$

המשך בעמוד הבא <<<

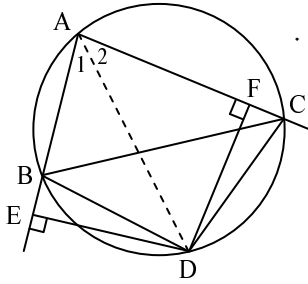
$$P(\text{לא קנה} / \text{לקנייה}) = \frac{P(\text{לא קנה} \cap \text{לקנייה})}{P(\text{לא קנה})} = \frac{0.2 \cdot 0.1}{0.2 \cdot 0.1 + 0.8 \cdot 0.9} = \frac{1}{37} \quad (\text{ג})$$

$$P(\text{2 מתוך 2 לא קנו}) = \left(\frac{1}{37}\right)^2 = \frac{1}{1,369}$$

$$P(\text{לפחות אחד מתוך 2 קנה}) = 1 - P(\text{שניהם לא קנו}) = \quad (\text{ד})$$

$$= 1 - [P(\text{לא קנה})]^2 = 1 - (0.2 \cdot 0.1 + 0.8 \cdot 0.9)^2 =$$

$$= 1 - 0.74^2 = 0.4524$$



(4) (א) נתון:  $\angle A_1 = \angle A_2$ ,  $DE \perp AE$ ,  $DF \perp AC$ .

נתבונן ב-  $\triangle AED$  וב-  $\triangle AFD$ :

$$\angle ADE = 180^\circ - \angle A_1 - 90^\circ$$

(סכום זוויות ב-  $\triangle AED$  שווה ל-  $180^\circ$ )

$$\angle ADF = 180^\circ - \angle A_2 - 90^\circ$$

(סכום זוויות ב-  $\triangle AFD$  שווה ל-  $180^\circ$ )

↓

$$\angle ADE = \angle ADF \quad (\text{אם מגדלים שווים מחסרים})$$

גדלים שווים, מקבלים גדלים שווים)

$$AD = AD \quad (\text{כל גודל שווה לעצמו})$$

$$\angle A_1 = \angle A_2 \quad (\text{נתון})$$

↓

$$\triangle ADE \cong \triangle ADF \quad (\text{לפי משפט חפיפה ז.ז.ז.})$$

$$AE = AF \quad (\text{צלעות מתאימות שוות במשולשים חופפים})$$

מ.ש.ל. (א)

$$\angle A_1 = \angle A_2 \quad (\text{נתון}) \quad (\text{ב})$$

$$\widehat{BD} = \widehat{CD} \quad (\text{זוויות היקפיות שוות נשענות על קשתות שוות})$$

↓

$$BD = CD \quad (\text{לקשתות שוות מתאימים מיתרים שווים})$$

המשך בעמוד הבא <<<

$DE = DF$  (חוצה זווית הוא המקום הגאומטרי של נקודות

הנמצאות במרחקים שווים משוקי הזווית)

$$\angle AED = \angle AFD = 90^\circ \text{ (נתון)}$$



$\triangle BDE \cong \triangle CDF$  (לפי משפט חפיפה צ.צ. וזווית שמול הצלע

הגדולה מבין השתיים)



$BE = CF$  (צלעות מתאימות שוות במשולשים חופפים)

מ.ש.ל. (ב)

(ג)  $\angle ABD > \angle BED = 90^\circ$  (זווית חיצונית למשולש  $BED$  גדולה מכל

אחת מהזוויות הפנימיות שאינן צמודות לה)

$$\angle AFD = 90^\circ \text{ (נתון)}$$

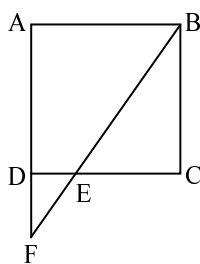


$$\angle ABD + \angle AFD > 180^\circ$$



אי אפשר לחסום את מרובע  $ABDF$  במעגל, כי סכום הזוויות הנגדיות שלו

לא שווה ל-  $180^\circ$ .



(5) נסמן:  $BC = AB = x$ ,  $BE = y$ .

$$\angle FAB = \angle BCE = 90^\circ \text{ (א)}$$

$\angle AFB = \angle ECB$  (זוויות מתחלפות בין מקבילים

שוות זו לזו)

מכאן:  $\triangle BCE \sim \triangle FAB$  (לפי משפט דמיון ז.ז.).

לפי משפט פיתגורס ב-  $\triangle BCE$ :

$$BE^2 = BC^2 + EC^2 \Rightarrow EC^2 = y^2 - x^2 \Rightarrow EC = \sqrt{y^2 - x^2}$$

המשך בעמוד הבא <<<

$$\frac{AB}{EC} = \frac{BF}{EB} \Rightarrow \frac{x}{\sqrt{y^2 - x^2}} = \frac{y + FE}{y} \quad \text{לפי דמיון משולשים:}$$

$$\frac{xy}{\sqrt{y^2 - x^2}} = y + FE$$

$$\frac{\sqrt{y^2 - x^2}}{xy} = \frac{1}{y + FE} = \frac{1}{BF}$$

$$\frac{y^2 - x^2}{x^2 y^2} = \frac{1}{BF^2} \Rightarrow \frac{y^2}{x^2 y^2} - \frac{x^2}{x^2 y^2} = \frac{1}{BF^2} \Rightarrow \frac{1}{x^2} - \frac{1}{y^2} = \frac{1}{BF^2} \Rightarrow$$

$$\frac{1}{x^2} = \frac{1}{y^2} + \frac{1}{BF^2} \Rightarrow \frac{1}{AB^2} = \frac{1}{BE^2} + \frac{1}{BF^2}$$

(ב) נתון:  $CE = 2 \cdot DE$ , מכאן:  $CE = \frac{2}{3}x$ ,  $DE = \frac{1}{3}x$ .

$S_{\triangle DEF} = 2$  סמ"ר.

יחס הדמיון בין  $\triangle DEF$  ל-  $\triangle BCE$  הוא:  $k_1 = \frac{DE}{EC} = \frac{1}{2}$ , לכן:

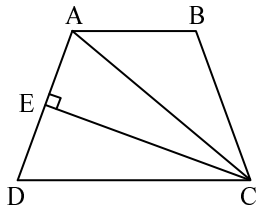
$$\frac{S_{\triangle DEF}}{S_{\triangle BCE}} = \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow S_{\triangle BCE} = 4 \cdot S_{\triangle DEF} = 4 \cdot 2 = 8 \text{ סמ"ר}$$

$$\frac{S_{\triangle BCE}}{S_{\triangle BDE}} = \frac{CE}{ED} = 2 \quad \text{יחס השטחים של משולשים בעלי אותו גובה:}$$

$$S_{\triangle BED} = \frac{1}{2} \cdot S_{\triangle BCE} = \frac{1}{2} \cdot 8 = 4 \text{ סמ"ר}$$

$$S_{\triangle BCD} = S_{\triangle BCE} + S_{\triangle BDE} = 8 + 4 = 12 = \frac{1}{2} S_{\triangle ABCD}$$

מכאן:  $S_{\triangle ABCD} = 24$  סמ"ר.



$$(6) \text{ (א)} \quad AC = DC \quad (\text{נתון})$$

⇓

$\triangle ADC$  הוא משולש שווה-שוקיים

⇓

הגובה EC לבסיס AD הוא גם תיכון לבסיס וגם חוצה-זווית הראש,

$$\text{מכאן: } \angle ACE = \angle DCE, \quad DE = EA$$

$$\text{במשולש EDC: } \sin \angle D = \frac{EC}{DC} \Rightarrow DC = \frac{EC}{\sin \angle D} = \frac{b}{\sin \alpha} = AC$$

$$\angle DAB = \angle ABC = 180^\circ - \alpha \quad (\text{סכום זוויות חד-צדדיות בין מקבילים})$$

(שווה ל- $180^\circ$ )

$$\angle ACD = 180^\circ - 2\alpha \quad (\text{סכום זוויות ב-} \triangle ADC \text{ שווה ל-} 180^\circ)$$

$$\angle BCD = \angle D = \alpha \quad (\text{זוויות בסיס בטרפז שווה-שוקיים שוות})$$

$$\angle ACB = \alpha - (180^\circ - 2\alpha) = 3\alpha - 180^\circ \quad (\text{חיסור זוויות})$$

לפי משפט הסינוסים ב- $\triangle ABC$ :

$$\frac{AB}{\sin \angle C} = \frac{AC}{\sin \angle B} \Rightarrow AB = \frac{AC \cdot \sin \angle C}{\sin \angle B}$$

$$AB = \frac{\frac{b}{\sin \alpha} \cdot \sin(3\alpha - 180^\circ)}{\sin(180^\circ - \alpha)} = \frac{b \cdot (-\sin 3\alpha)}{\sin \alpha \cdot \sin \alpha} = -\frac{b \sin 3\alpha}{\sin^2 \alpha}$$

$$AB = -\frac{b \sin 3\alpha}{\sin^2 \alpha}, \quad DC = \frac{b}{\sin \alpha}$$

(ב) רדיוס המעגל החוסם את  $\triangle CDE$  שווה למחצית היתר DC

(כי מרכז המעגל החוסם משולש ישר-זווית נמצא באמצע היתר)

$$R_1 = \frac{1}{2} \cdot DC = \frac{1}{2} \cdot \frac{b}{\sin \alpha} = \frac{b}{2 \sin \alpha}$$

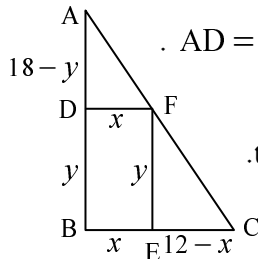
המעגל החוסם את הטרפז ABCD חוסם גם את המשולש ADC.

$$\frac{DC}{\sin \angle DAC} = 2R_2 \quad (\text{לפי משפט הסינוסים ב-} \triangle ADC)$$

$$R_2 = \frac{DC}{2 \sin \angle DAC} = \frac{b}{2 \sin \alpha \cdot \sin \alpha} = \frac{b}{2 \sin^2 \alpha}$$

$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{b}{2 \sin \alpha} \cdot \frac{2 \sin^2 \alpha}{b} = \sin \alpha$$

(7) (א) נתון:  $BC = 12$  ס"מ,  $AB = 18$  ס"מ,  $\angle B = 90^\circ$ ,  $BDFE$  – מלבן,  $\angle ADF = \angle ABC = 90^\circ$



נסמן:  $BE = DF = x$  ס"מ, ואז:  $EC = 12 - x$  ס"מ.

נסמן:  $BD = EF = y$  ס"מ, ואז:  $AD = 18 - y$  ס"מ.

,  $DF \parallel BC$  , לכן:  $\angle ADF = \angle ABC = 90^\circ$

כי אם זוג זוויות מתאימות שוות, אז הישרים מקבילים.

$\angle AFD = \angle FCE$  זוויות מתאימות בין

ישרים מקבילים.

לפי משפט ז.ז.

$\Downarrow$

$\triangle ADF \sim \triangle FEC$

$\Downarrow$

$$\frac{AD}{FE} = \frac{DF}{EC}$$

פרופורציית צלעות במשולשים דומים (בהתאמה).

$$\text{הצבה: } \frac{18-y}{y} = \frac{x}{12-x}$$

$\Downarrow$

$$xy = 216 - 18x - 12y + xy \Rightarrow 12y = 216 - 18x$$

$$y = 18 - 1.5x$$

$$f(x) = S_{DFEB} = DF \cdot EF = x \cdot y = x \cdot (18 - 1.5x) = 18x - 1.5x^2$$

$$f'(x) = 18 - 3x$$

$$f'(x) = 0 \Rightarrow 18 - 3x = 0$$

$$x = 6 \text{ ס"מ} \Rightarrow y = 18 - 1.5 \cdot 6 = 9 \text{ ס"מ}$$

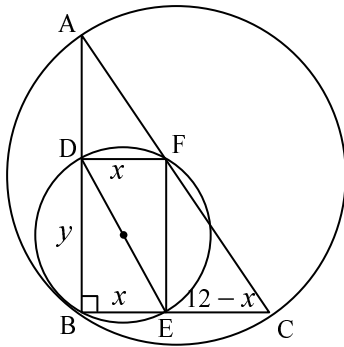
$$f''(x) = -3 < 0 \Rightarrow \max$$

$$S_{DFEB_{\max}} = f(6) = 18 \cdot 6 - 1.5 \cdot 6^2 = 54 \text{ סמ"ר}$$

תשובה: אורכי צלעות המלבן בעל השטח המקסימלי הם:

6 ס"מ ו-9 ס"מ, ושטחו המקסימלי של המלבן הוא 54 סמ"ר.

המשך בעמוד הבא <<<



(ב) דרך I :

לפי הנתון: זווית  $\angle B = 90^\circ$ .

במעגל החוסם את המלבן DFEB

זווית B היא זווית היקפית ישרה

לכן DE הוא קוטר המעגל (ראו סרטוט).

עבור מלבן DFEB ששטחו מקסימלי

מצאנו ש-6 ס"מ  $BE =$  ו-9 ס"מ  $DB =$ ,

לכן במשולש ישר-זווית DBE

$$DE^2 = DB^2 + BE^2 = 9^2 + 6^2 = 81 + 36 = 117$$

לפי משפט פיתגורס: כלומר גודל רדיוס המעגל החוסם את המלבן בעל השטח המקסימלי

הוא מחצית הקוטר כלומר:  $\frac{\sqrt{117}}{2}$  ס"מ.

במעגל החוסם את  $\triangle ABC$  זווית B זווית היקפית ישרה.

לכן AC הוא קוטר במעגל זה.

נתון כי  $BC = 12$  ס"מ,  $AB = 18$  ס"מ.

$$AC^2 = AB^2 + BC^2 = 18^2 + 12^2 = 468$$

לכן לפי משפט פיתגורס:

כלומר גודל רדיוס המעגל החוסם את  $\triangle ABC$  הוא מחצית הקוטר AC,

$$\text{כלומר: } \sqrt{117} \text{ ס"מ} = \frac{\sqrt{468}}{2}$$

לכן, היחס בין הרדיוסים המבוקש הוא:

$$\frac{R_{\text{מעגל החוסם את המלבן ששטחו מקסימלי}}}{R_{\triangle ABC \text{ חוסם את } \triangle ABC}} = \frac{\frac{1}{2} \cdot \sqrt{117}}{\sqrt{117}} = \frac{1}{2}$$

דרך II :

נתון:  $BC = 12$  ס"מ,  $AB = 18$  ס"מ,

$AD = BD = 9$  ס"מ,  $BE = EC = 6$  ס"מ.

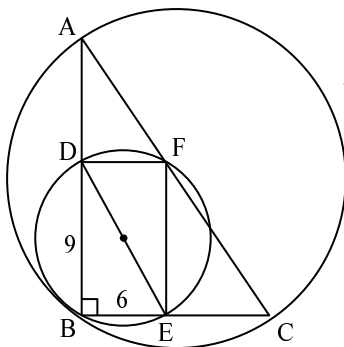
↓

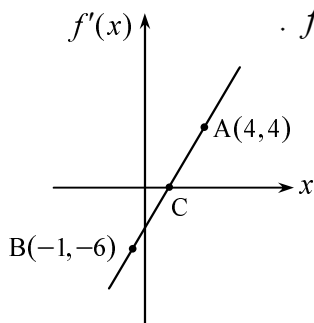
DE קטע אמצעים ב- $\triangle ABC$ .

↓

$$DE = \frac{1}{2} AC$$

ומכאן יחס הרדיוסים הוא  $\frac{1}{2}$ .





(8) (א)  $f'(x)$  נמצאות על גרף  $B(-1, -6)$ ,  $A(4, 4)$

$$m_{AB} = \frac{4+6}{4+1} = 2$$

לכן משוואת AB שהיא משוואת  $f'(x)$  :

$$y - 4 = 2(x - 4)$$

$$f'(x) = 2x - 4 \quad \text{כלומר:}$$

$$y_C = 0 \Rightarrow 0 = 2x - 4$$

$$x_C = 2$$

לכן:  $f'(x) > 0$  בתחום  $x > 2$

$f'(x) < 0$  בתחום  $x < 2$

(ב)  $f(x)$  עולה כאשר  $f'(x) > 0$  כלומר בתחום  $x > 2$

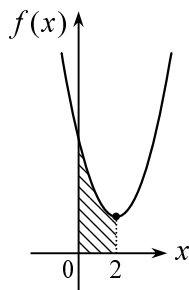
$f(x)$  יורדת כאשר  $f'(x) < 0$  כלומר בתחום  $x < 2$ .

(ג)

x	$x < 2$	$x = 2$	$x > 2$
$f'(x)$	-	0	+
$f(x)$	↘	<b>min</b>	↗

נקודת מינימום כאשר  $x = 2$ .

$$f(x) = \int f'(x) dx = \int (2x - 4) dx = x^2 - 4x + c \quad (i) \quad (ד)$$



נתון כי  $f(x) > 0$  לכל  $x$ .

$f(x)$  היא פונקציה ריבועית וחיובית לכל  $x$

לכן הגרף שלה ייראה כמתואר משמאל:

$$\text{כאשר: } x_{\text{קדקוד}} = -\frac{b}{2a} = \frac{4}{2} = 2$$

ואז:

$$S = \int_0^2 f(x) dx = \int_0^2 (x^2 - 4x + c) dx =$$

$$= \left( \frac{x^3}{3} - 2x^2 + cx \right) \Big|_0^2 = \frac{8}{3} - 8 + 2c$$

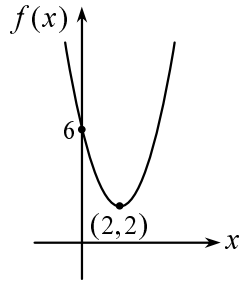
המשך בעמוד הבא <<<

נתון:  $6\frac{2}{3}$  יחידות שטח  $S =$  מכאן נקבל:  $\frac{8}{3} - 8 + 2c = 6\frac{2}{3}$

כלומר:  $2c = 12 \Rightarrow c = 6 \Rightarrow f(x) = x^2 - 4x + 6$

$x_{\text{קדקוד}} = 2 \Rightarrow y_{\text{קדקוד}} = 2^2 - 4 \cdot 2 + 6 = 2$  (ii)

ואז הסקיצה של  $f(x)$  נראית כך:



(9) (א) נתון:  $f(x) = \frac{3b}{x^2} - \frac{2b}{x^3} - 4$  ( $b > 0$ ) ולכן תחום ההגדרה:

$x^2 \neq 0$  וגם  $x^3 \neq 0$ , כלומר:  $x \neq 0$ .

(ב)  $f(x) = 3bx^{-2} - 2bx^{-3} - 4$

$f'(x) = -6bx^{-3} + 6bx^{-4} = -\frac{6b}{x^3} + \frac{6b}{x^4}$

$f'(x) = 0 \Rightarrow -\frac{6b}{x^3} + \frac{6b}{x^4} = 0 \quad / \cdot x^4 \Rightarrow -6bx + 6b = 0$

$6b(-x+1) = 0 \Rightarrow x = 1, b \neq 0$

$f''(x) = 18bx^{-4} - 24bx^{-5} = \frac{18b}{x^4} - \frac{24b}{x^5}$

$f''(1) = 18b - 24b = -6b < 0 \Rightarrow \max \Rightarrow x_{\max} = 1$

(ג) (i) נתון  $f'(2) = -1.5$  לכן:  $-1.5 = -\frac{6b}{2^3} + \frac{6b}{2^4} \quad / \cdot 16$

$-24 = -12b + 6b \Rightarrow 6b = 24 \Rightarrow b = 4$

$f(x) = \frac{12}{x^2} - \frac{8}{x^3} - 4$

המשך בעמוד הבא <<<

(ii) שיעורי נקודת השקה:  $x = 2 \Rightarrow y = \frac{12}{2^2} - \frac{8}{2^3} - 4 = -2$

כלומר נקודת השקה  $(2, -2)$  ושיפוע המשיק  $-1.5$ .

ולכן משוואת המשיק:  $y + 2 = -1.5(x - 2)$

$y = -1.5x + 1$

(ד) נציב  $x = -2$  בפונקציה ונקבל:  $f(-2) = \frac{12}{4} - \frac{8}{-8} - 4 = 0$

כלומר גרף הפונקציה חותך את ציר ה- $x$  בנקודה  $(-2, 0)$ .

(ה)

x	$x < 0$	$x = 0$	$0 < x < 1$	$x = 1$	$x > 1$
$f'(x)$	+	נקודת אי-הגדרה	+	0	-
$f(x)$	↗		↗	max	↘

$f'(x) = -\frac{24}{x^3} + \frac{24}{x^4}$

$f'(-1) = 24 + 24 > 0$  ,  $f'(0.5) = -\frac{24}{0.5^3} + \frac{24}{0.5^4} > 0$

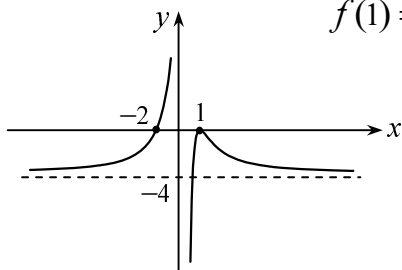
$f'(2) = -\frac{24}{8} + \frac{24}{16} < 0$

לכן תחומי העלייה:  $x < 0$  ,  $0 < x < 1$  , ותחום הירידה:  $x > 1$ .

(ו) אסימפטוטה אנכית:  $x = 0$ .

אסימפטוטה אופקית:  $y = -4$  ( $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = -4$ ).

(ז)  $f(1) = 12 - 8 - 4 = 0 \Rightarrow \max(1, 0)$



**גבי יקואל**

**מ** ש ב צ ת

**[www.mishbetzet.co.il](http://www.mishbetzet.co.il)**

**טלפון: 04-8200929**

**ספרי לימוד וספרי מבחני מתכונת במתמטיקה**

**לכל הכיתות ✦ לכל השאלונים ✦ לכל הרמות**